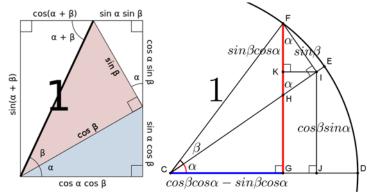
## 三角函數

設計: CA 20180901

- 1. 我們知道有三角學,以及,三角函數,這兩門數學主題有何異同之處?互相之間有包含關係嗎?他們主要處理的問題是什麼?每一個主題的核心知識又是什麼(用什麼手段來解決問題)?在高中階段,分別要介紹到哪裡才到位?
- 2. 三角函數,既然它標示著函數,那麼這些函數想要呈現的是什麼樣 的變化關係呢?

- 3. 在三角函數中,有人使用度(360 度)也有人使用徑度(π)的方式 來表示一個角的大小,請分別說明使用這兩種方式的時機以及適切 性!
- 4. 三角函數的名詞跟圓息息相關,為什麼會考慮到圓這個議題?這些名詞又是如何命名的?
- 5. 三角函數所有書本的定義都是:對邊比斜邊,對邊比鄰邊,鄰邊比 斜邊,鄰邊比對邊,斜邊比鄰邊,斜邊比對邊。這種用比值的方式 來定義函數的概念跟函數的變化本質似乎格格不入,這樣定義的優 缺點何在?要怎麽說明這些定義的本質最能展現三角函數的本意?

6. 三角函數都不是線性函數,因此有必要引入和差公式,通常有許多方式可以介紹這些公式的來龍去脈,下面兩種介紹方式非常直觀好理解,可是又有些微的差別,請分析這些差別所呈現出來的意義,就教學以及後來的發展哪一種表示方式比較有利,原因何在?



- 7. 接上題, $a\sin\theta + b\cos\theta$  的公式可以怎麼看?
- 8. 三角函數,其函數值有正有負,到底正負根據什麼想法或需求決定的?
- 9. 既然談到三角函數,那麼難免會考慮到各個函數在不同角度的變化, 高中階段,我們通常利用函數圖形來做說明,可是,就變化的精確 描述,還是以微分最為精準,在學過和角公式以及一些極限的概念 之後,我們習慣用代數合併極限來求得微分,就理解而言,畫圖是 最好的方式,可不可能用畫圖的方式來求三角函數的微分?
- 10.我們學過勾股弦定理(畢氏定理),一個 $\triangle$ ABC 其對應邊的長度分別為 $a \cdot b \cdot c$ ,當 $\angle$ C 為 $90^{\circ} \cdot$ 小於 $90^{\circ} \cdot$ 大於 $90^{\circ}$ 時,我們分別有: $a^2 + b^2 = c^2 \cdot a^2 + b^2 > c^2 \cdot a^2 + b^2 < c^2$ 的性質,那麼,大多少?小多少呢?可不可以用這個角度來談餘弦定理呢?怎麼談呢?

